

## 6章 確率 学習プリント (P166~P184)

【場合の数を数えて求める方法】2年教科書P172を見ながらやってみよう!

### 確率の求め方

ある実験または観察を行うとき、起こりうる結果が全部でn通りあり、そのどれが起こることも同様に確からしいとする。

そのうち、ことがらAが起こるのが、a通りあるとき、Aの起こる確率pは次のようになる。

$$p = \frac{a}{n} \quad (0 \leq p \leq 1)$$

※p=0のとき、そのことがらは決して起こらない。

p=1のとき、そのことがらは必ず起こる。

### 【ここがポイント!】

確率を求めるには、

①すべての場合の数を求める

②求める場合の数を求める

③ (求めたい場合の数)

(すべての場合の数)

で求めていく!

問1 1つのさいころを投げるとき、次の問いに答えなさい。ただし、このさいころはどの目が出ることも同様に確からしいとする。

(1) 奇数の目が出る確率を求めなさい。

すべての場合は6通り

そのうち奇数は、1・3・5の3通り

よって、求める確率は、  
 $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$  答え.  $\frac{1}{2}$

(2) 3の倍数の目が出る確率を求めなさい。

3の倍数は3・6の2通り

よって求める確率は、 $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$  答え.  $\frac{1}{3}$

(3) 5以上の目が出る確率を求めなさい。

5以上の目は、5・6の2通り

よって求める確率は、 $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$  答え.  $\frac{1}{3}$

問2 ジョーカーを除く52枚のトランプを裏返しにしてよく混ぜ、その中から1枚ひくとき、次の問いに答えなさい。(ただし、A→1、J→11、Q→12、K→13とする。)

(1) このとき、同様に確からしいといえますか。

いえ、る。

(2) トランプに書かれたマークが◆である確率を求めなさい。

52枚中、△のマークは13枚あるので

求める確率は、 $\frac{13}{52} = \frac{1}{4}$  答え.  $\frac{1}{4}$

(3) トランプに書かれた数が1である確率を求めなさい。

52枚中、1が書かれた枚数は4通り

よって求める確率は  $\frac{4}{52} = \frac{1}{13}$  答え.  $\frac{1}{13}$

(4) トランプに書かれた数が奇数である確率を求めなさい。

52枚中、一つのマークの奇数のトランプは、1・3・5・7・9・11・13の7枚

よって、すべての奇数のカードの枚数は  $7 \times 4 = 28$  枚

よって、求める確率は、  
 $\frac{28}{52} = \frac{7}{13}$   
 答え.  $\frac{7}{13}$

(5) トランプに書かれた数が4の倍数である確率を求めなさい。

52枚中、一つのマークの4の倍数のカードは、4・8・12の3枚

よって、すべての4の倍数の枚数は、 $3 \times 4 = 12$  枚

したがって求める確率は、 $\frac{12}{52} = \frac{3}{13}$  答え.  $\frac{3}{13}$

【起こらない確率を求める方法】下の例や2年教科書P175見ながらをやってみよう！

あることからAの起こる確率がpであるとき、Aの起こらない確率は、  
 $1 - p$  である。  
 ※（ことからAの起こらない確率）=  $1 -$ （ことからAの起こる確率）

**【ここがポイント！】**  
 ここでの **1** は必ず起こる  
 という意味！

例1  $\frac{1}{8}$  の確率であたりが出るくじがあります。このくじを1回引くとき、  
 はずれる確率はいくらになりますか。

**【ここがポイント！】**  
 ここでの確率の求め方は、  
**1 - (逆の事象)**  
 で求めていく！

【解答】（はずれくじが出る確率）=  $1 -$ （あたりくじが出る確率）だから

（はずれくじが出る確率）=  $1 - \frac{1}{8} = \frac{8}{8} - \frac{1}{8} = \frac{7}{8}$       答え  $\frac{7}{8}$

問1 あるくじを1本ひくとき、あたりをひく確率は、 $\frac{2}{7}$  である。このくじを1本ひくとき、  
はずれをひく確率を求めなさい。

求める確率は、 $1 -$ （あたりをひく確率）  
 $= 1 - \frac{2}{7}$   
 $= \frac{7}{7} - \frac{2}{7} = \frac{5}{7}$       答え  $\frac{5}{7}$

問2 袋の中に、白玉が3個、赤玉が2個入っている。この袋の中から1個の玉を取り出すとき、  
 次の確率を求めなさい。

(1) 白玉が出る確率 → 5個中3個が白玉なので求める確率は、  
 $\frac{3}{5}$



(2) 白玉が出ない確率 → (1)の反対の事象なので  
 $1 - \frac{3}{5} = \frac{5}{5} - \frac{3}{5} = \frac{2}{5}$

問3 1から30までの整数を1つずつ書いた30枚のカードがある。このカードの中から1枚を  
 取り出すとき、カードの数が6の倍数でない確率を求めなさい。

カードの数が6の倍数である場合は、6・12・18・24・30の5通り  
 よって、求める確率は、

$1 - \frac{5}{30} = \frac{6}{6} - \frac{1}{6}$   
 $= \frac{5}{6}$       答え  $\frac{5}{6}$

**例1** 2枚の硬貨を同時に投げるときの確率

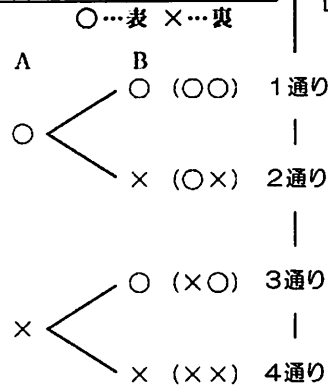
2枚の10円硬貨を同時に投げるとき、2枚の10円硬貨をA、Bとすると、表と裏の出方について起こりうるすべての場合は、右の図で表した4通りです。  
この4通りは、同様に確からしいといえます。  
したがって、2枚とも表が出る確率は、 $\frac{1}{4}$ です。

2枚の10円硬貨をA、Bとして、  
区別して考えているね。



起こりうるすべての場合を整理してかき出すとき、**例1**のような図を使うことがあります。  
このような図を**樹形図**といいます。

**考え方1: 樹形図を利用する**



**考え方2: 表<sup>ひょう</sup>を利用する**

A	B
表	表
表	裏
裏	表
裏	裏

全部で4通り

**【ここがポイント!】**

すべての場合の数を求めるときに、**小学校で習った樹形図<sup>じゅけいず</sup>や表<sup>ひょう</sup>を利用すると便利です!**

2年教科書P176

**【表や樹形図などを使う方法】**上の例や2年教科書P176を見ながらやってみよう!

**例2** 2枚の10円硬貨A、Bを同時に投げるとき、次の問いに答えなさい。

(1) 2枚とも裏になる確率を求めなさい。

**【解答】** 2枚とも裏になる確率は、上の例1より4通りの場合のうち、1通りであるから、

$$(2枚とも裏になる確率) = \frac{1}{4}$$

(2) 1枚が表、1枚が裏になる確率を求めなさい。

**【解答】** 1枚が表、1枚が裏になる確率は、上の例1より4通りの場合のうち、2通りであるから、

$$(1枚が表、1枚が裏になる確率) = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

**問2** 3枚の100円硬貨を同時に投げるとき、次の問いに答えなさい。

(1) 3枚の100円硬貨を同時に投げるとき、**表裏の出方は**何通りありますか。右の空白に樹形図か**表**を書いて求めなさい。  
表裏の出方は**すべての場合** 8通りある。

答: 8通り

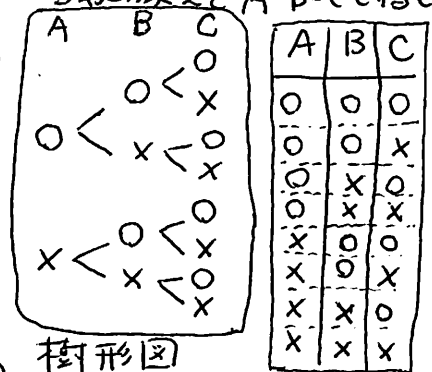
(2) 3枚とも表が出る確率を求めなさい。

右の表より3枚とも表の場合は、1通りなので  
求める確率は、 $\frac{1}{8}$  答:  $\frac{1}{8}$

(3) 2枚が表、1枚が裏になる確率を求めなさい。

(順番に関係なく) 2枚が表、1枚が裏になる場合は、3通り  
なので求める確率は、 $\frac{3}{8}$  答:  $\frac{3}{8}$

表を○、裏を×  
3枚の硬貨をA、B、Cとする。



表

**例2** 2つのさいころを同時に投げるときの確率

2年教科書P177

2つのさいころ A, B を同時に投げるとき、  
2つの目の数の和が4になる確率を求めましょう。

考え方 Aの目が1, Bの目が2と出ることを(1, 2)と表すと、  
起こりうるすべての場合は次の表の36通りであり、  
どれが起こることも同様に確からしいといえます。

頭の中で  
右の表を  
思い浮かべて

A \ B	□	□	□	□	□	□
□	(1, 1)	(1, 2)	(1, 3)	(1, 4)	(1, 5)	(1, 6)
□	(2, 1)	(2, 2)	(2, 3)	(2, 4)	(2, 5)	(2, 6)
□	(3, 1)	(3, 2)	(3, 3)	(3, 4)	(3, 5)	(3, 6)
□	(4, 1)	(4, 2)	(4, 3)	(4, 4)	(4, 5)	(4, 6)
□	(5, 1)	(5, 2)	(5, 3)	(5, 4)	(5, 5)	(5, 6)
□	(6, 1)	(6, 2)	(6, 3)	(6, 4)	(6, 5)	(6, 6)

**【ここがポイント!】**

この2つの異なるさいころ  
を投げる問題は、**表**を書いて  
あてはある場合を考えて  
いくことが間違えを防ぐポ  
イントです!

実際に下の表  
を書く!

**A, B 2つのさいころの目の数の和**

A \ B	1	2	3	4	5	6
1	2	3	4	5	6	7
2	3	4	5	6	7	8
3	4	5	6	7	8	9
4	5	6	7	8	9	10
5	6	7	8	9	10	11
6	7	8	9	10	11	12

すべての場合は、36通り

解答例

2つのさいころを同時に投げるときの目の出方は  
全部で36通りで、どれが起こることも同様に確からしい。  
このうち、目の数の和が4になるのは、(1, 3), (2, 2), (3, 1)の  
3通りだから、求める確率は  $\frac{3}{36} = \frac{1}{12}$  答  $\frac{1}{12}$

【確率の求め方】上の例や2年教科書P177を見ながらやってみよう!

問3 大小2つのさいころを投げるとき、次の問いに答えなさい。

(1) 目の数の和が5になる確率を求めなさい。

→ 和が5になる場合は、4通り  
よって、求める確率は、 $\frac{4}{36} = \frac{1}{9}$  答  $\frac{1}{9}$

(2) 目の数の和が10以上になる確率を求めなさい。

→ 和が10以上になる場合は、6通り  
よって、求める確率は、 $\frac{6}{36} = \frac{1}{6}$  答  $\frac{1}{6}$

(3) 目の数の積が12になる確率を求めなさい。

→ 積が12になる場合は、4通り  
よって、求める確率は、 $\frac{4}{36} = \frac{1}{9}$  答  $\frac{1}{9}$

(4) 目の数の積がいくつになる場合の確率が最も大きいか。

→ 積が6, 積が12の場合の数が4通りで  
最も多くなる。

答 積が6, 積が12

**大, 小2つのさいころの目の数の和**

大 \ 小	1	2	3	4	5	6
1	2	3	4	5	6	7
2	3	4	5	6	7	8
3	4	5	6	7	8	9
4	5	6	7	8	9	10
5	6	7	8	9	10	11
6	7	8	9	10	11	12

**大, 小2つのさいころの目の数の積**

大 \ 小	1	2	3	4	5	6
1	1	2	3	4	5	6
2	2	4	6	8	10	12
3	3	6	9	12	15	18
4	4	8	12	16	20	24
5	5	10	15	20	25	30
6	6	12	18	24	30	36

**例2** 6個の玉から2個を取り出すときの確率

袋の中に、白玉4個と赤玉2個がはいっています。  
この袋から、同時に2個の玉を取り出すとき、  
2個とも白玉である確率を求めましょう。

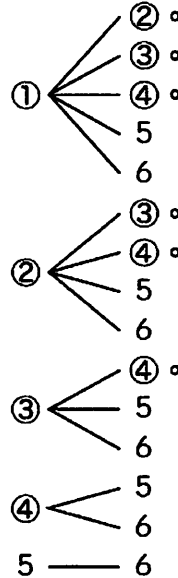
解答例

白玉4個を①, ②, ③, ④とし、  
赤玉2個を5, 6とする。  
2個の玉の取り出し方は、右の樹形図から、  
全部で15通りで、どれが起こることも  
同様に確からしい。  
このうち、2個とも白玉であるのは6通り。  
したがって、求める確率は

$$\frac{6}{15} = \frac{2}{5}$$

答  $\frac{2}{5}$

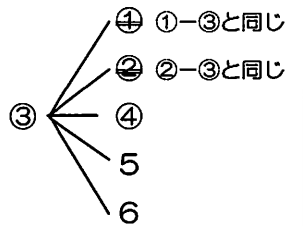
2年教科書P179



**【ここがポイント!】**

実際には何も書いていない玉に整理番号をつけることで、数えやすくなります!  
また、この例の場合は、同じ色の玉の区別がないので、順番の裏返しは数えないこととします。

**【ここがポイント!】**



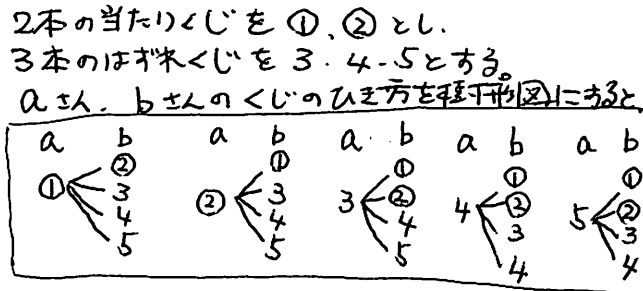
この場合3通り!

【並べ方と確率】上の例や2年教科書P179を見ながらやってみよう!

問4 5本のうち2本の当たりくじが入っているくじがある。そのくじをaさんが先に1本ひき、次にbさんが1本ひく。このとき、次の問いに答えなさい。ただし、ひいたくじは、もとにもどさないものとする。

(1) a、bそれぞれが当たる確率を求めなさい。

すべての場合は、 $4 \times 5 = 20$ 通り  
そのうち aさんが当たりをひく確率は、 $\frac{8}{20} = \frac{2}{5}$   
bさんが当たりをひく確率は、 $\frac{8}{20} = \frac{2}{5}$



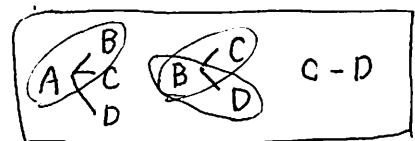
(2) a、bともに当たる確率を求めなさい。

樹形図より、aさんもbさんも当たりくじをひく確率は、 $\frac{2}{20} = \frac{1}{10}$   
答  $\frac{1}{10}$

問5 4人の生徒A、B、C、Dのなかから、くじびきで2人の代表を選ぶ。このとき、生徒Bが選ばれる確率を求めなさい。

右の樹形図のすべての並び方は、6通り  
そのうち、生徒Bが選ばれる場合は、3通り

よって、求める確率は、 $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$   
答  $\frac{1}{2}$



問6 5人の生徒A、B、C、D、Eのなかから、くじびきで2人の生徒を係に選ぶ。

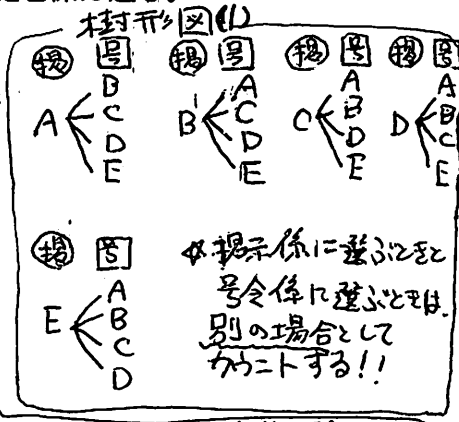
次の問いに答えなさい。

(1) 1人を掲示係に、1人を号令係に選ぶとき、

Aが掲示係に選ばれる確率を求めなさい。  
すべての場合は、20通り

Aが掲示係に選ばれた場合は、4通り

よって、求める確率は、 $\frac{4}{20} = \frac{1}{5}$   
答  $\frac{1}{5}$



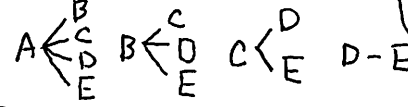
(2) 2人とも号令係に選ぶとき、Aが選ばれる確率を求めなさい。

すべての場合は、10通り

Aが選ばれた場合は、4通り

求める確率は、 $\frac{4}{10} = \frac{2}{5}$  答  $\frac{2}{5}$

樹形図(2)



※2人とも号令係に選ぶときは、区別がない場合としてカウントする

問7 袋の中に、白玉が3個、赤玉が2個入っている。この袋の中から同時に2個の玉を取り出すとき、次の確率を求めなさい。

(1) 2個とも白玉が出る確率

すべての場合は、 $4 \times 3 = 12$ 通り

そのうち2個とも白玉の場合は、6通り

よって求める確率は、 $\frac{6}{12} = \frac{1}{2}$

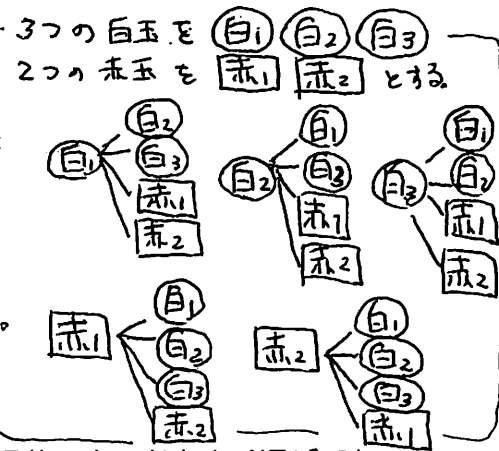
答  $\frac{1}{2}$

(2) 少なくとも1個は赤玉が出る確率

少なくとも1個は赤玉のときは、(1)の逆の事象で求める。

よって求める確率は、 $1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$

答  $\frac{1}{2}$



問8 ①②③④⑤の数字が書かれた5枚のカードがある。この5枚のカードをよく混ぜてから、1枚ずつ2回ひき、引いた順に左から並べて、2ケタの整数を作る。次の問いに答えなさい。

(1) 十の位の数が2になる確率を求めなさい。

→ この場合は、4通り

よって、求める確率は、 $\frac{4}{20} = \frac{1}{5}$  答  $\frac{1}{5}$

(2) 42より小さい数になる確率を求めなさい。

→ この場合は、13通り

よって、求める確率は、 $\frac{13}{20}$  答  $\frac{13}{20}$

(3) 3の倍数にならない確率を求めなさい。

3の倍数は、右上の表より、12・15・21・24・42・45・51・54の8通り。3の倍数になる確率は  $\frac{8}{20}$

よって、3の倍数にならない確率は、 $1 - \frac{8}{20} = \frac{12}{20} = \frac{3}{5}$  答  $\frac{3}{5}$

2ケタの整数の組み合わせは、

12	21	31	41	51
13	23	32	42	52
14	24	34	43	53
15	25	35	45	54

すべての場合は、20通り

※確率の学習プリントは以上です。このプリントが終わったらやってほしいことは以下の2つです。  
**A: 教科書P166~P183の間、章末問題をノートへ解く**  
**B: 2年ワークP114~P126をやる**  
**3/30出題の計算プリント、4/14出題の教科書の間、今回のプリント、2年教科書6章確率の答えはつきみ野中学校ホームページにてアップします。**  
 (ホームページ左側(もしくは下側)学校からのおたより→令和2年度→第3学年にあります。)  
 また、随時、入試対策計算プリント(1・2年の計算編)をホームページにアップします。紙ベースで問題がほしい方はつきみ野中学校3学年数学担当 中嶋までご連絡ください!

1 次の計算をなさい。

(1)  $(-7) + (-13) = \boxed{-20}$       (2)  $-7 - (-6) = -7 + 6 = \boxed{-1}$       (3)  $(-8) + (-4) = \boxed{-12}$

(4)  $5 + (-12) = \boxed{-7}$       (5)  $(-4)^2 \times (-3) = 16 \times (-3) = \boxed{-48}$       (6)  $(-2)^2 \times 15 = 4 \times 15 = \boxed{60}$

(7)  $-\frac{1}{5} + \frac{3}{10} = -\frac{2}{10} + \frac{3}{10} = \boxed{\frac{1}{10}}$       (8)  $-\frac{3}{5} + \frac{3}{7} = -\frac{21}{35} + \frac{15}{35} = \boxed{-\frac{6}{35}}$       (9)  $-\frac{5}{7} + \frac{2}{3} = -\frac{15}{21} + \frac{14}{21} = \boxed{-\frac{1}{21}}$       (10)  $\frac{1}{8} - \frac{3}{4} = \frac{1}{8} - \frac{6}{8} = \boxed{-\frac{5}{8}}$

(11)  $40a^2b \div 5b = \boxed{8a^2}$       (12)  $65a^2b \div 5a = \boxed{13ab}$       (13)  $24ab \div 2b = \boxed{12a}$       (14)  $32ab^2 \div (-4b) = \boxed{-8ab}$

(15)  $2(3x-4) - (x-2)$   
 $= 6x - 8 - x + 2$   
 $= \boxed{5x - 6}$

(16)  $4(x+3) - 3(2x+1)$   
 $= 4x + 12 - 6x - 3$   
 $= \boxed{-2x + 9}$

(17)  $4(2x+3) - 2(x+5)$   
 $= 8x + 12 - 2x - 10$   
 $= \boxed{6x + 2}$

2 次の問いに答えなさい。

(イ) 箱に入っているみかみを、何人かの子どもで同じ数ずつ分けることにした。1人6個ずつ分けると8個足りず、1人5個ずつ分けると5個余る。

Aさんは、このときの箱に入っているみかんの個数を次のように求めた。

iii)  $\frac{x+8}{6} = \frac{x-5}{5}$       (ii) 70個

求め方

箱に入っているみかんの個数を  $x$  個として方程式をつくると、

(i)  $\frac{x+8}{6} = \frac{x-5}{5}$       (ii)  $\frac{x+8}{6} \times 30 = \frac{x-5}{5} \times 30$

となる。

この方程式を解くと、解は問題に適しているのだから、箱に入っているみかんの個数は (iii)  $x = 70$  個である。

5x + 40 = 6x - 30  
 $-x = -70$   
 $x = 70$

ポイント!  
 みかんの個数を  $x$  個として、子どもの人数に  $x$  を代入して式を立てると、  
 $\frac{x+8}{6} = \frac{x-5}{5}$  とはさす!  
 $6x - 8 = 5x + 5$  と誤答しやすいので、注意しよう!  
 これは子どもの人数を  $x$  としてその式

(キ) ある数  $x$  に6を足した数は11以上である。このときの数量の関係を表した不等式として正しいものを次の1~4の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

1.  $x+6 \leq 11$       2.  $x+6 \geq 11$       3.  $x+6 < 11$       4.  $x+6 > 11$

(ク) 1本  $a$  円のえんぴつを9本と1個100円の消しゴムを1個買って1000円を支払い、おつりを受け取った。このときの数量の関係を不等式で表しなさい。

1.  $9a+100 > 1000$       2.  $9a+100 < 1000$       3.  $9a-100 > 1000$       4.  $9a-100 < 1000$

問4 ある商店では、12月の1か月間はすべての商品を通常の価格の3割引きで販売している。12月にこの商店で、通常の価格が $a$ 円の商品を2つと通常の価格が $b$ 円の商品を1つ購入したとき、支払った代金の合計は5000円より少なかった。このときの数量の関係を不等式で表しなさい。

1.  $\frac{3}{10}(2a+b) > 5000$

2.  $\frac{3}{10}(2a+b) < 5000$

3.  $\frac{7}{10}(2a+b) > 5000$


4.  $\frac{7}{10}(2a+b) < 5000$

$(2a+b)$   
の3割3分  
↓  
 $2a+b$ の  
7割分  $\frac{7}{10}(2a+b)$

問5 右の図は、かもめ城のチラシである。大人と中学生、合わせて30人全員が団体割引を利用してかもめ城を見学したときの入館料の合計は7000円であった。

Aさんは、このときの大人の人数と中学生の人数を次のように求めた。〔ア〕、〔イ〕にあてはまる式を、〔ウ〕、〔エ〕にあてはまる数を、それぞれ書きなさい。

かもめ城を見学しよう!



入館料

	個人	団体割引
大人	500円	400円
中学生以下	250円	200円

〔ア〕  $x + y = 30$   
〔イ〕  $400x + 200y = 7000$   
〔ウ〕 5  
〔エ〕 25

求め方

かもめ城を見学した大人の人数を $x$ 人、中学生の人数を $y$ 人として、連立方程式をつくると、

$$\begin{cases} \text{〔ア〕 } x + y = 30 \\ \text{〔イ〕 } 400x + 200y = 7000 \end{cases}$$

となる。

この連立方程式を解くと、解は問題に適しているので、

大人の人数は〔ウ〕人であり、〔ウ〕5

中学生の人数は〔エ〕人である。〔エ〕25

$$\begin{cases} x + y = 30 \quad \text{---(ア)} \\ 400x + 200y = 7000 \quad \text{---(イ)} \end{cases}$$



$$\begin{aligned} \text{(ア)} \times 2 & \quad 2x + 2y = 60 \\ \text{(イ)} \div 100 & \rightarrow 4x + 2y = 70 \\ \hline & -2x = 10 \\ & \quad x = 5 \\ \text{(ア)} \wedge \text{(イ)} \wedge \text{上7.} & \quad y = 25 \end{aligned}$$

$$\begin{cases} x = 5 \quad \text{〔ウ〕} \\ y = 25 \quad \text{〔エ〕} \end{cases}$$

問5 右の図は、あるラーメン店のメニューの一部を表したものである。ある日、8人でこの店に行き、それぞれがラーメンとチャーハンのどちらかを1つ注文したときの代金の合計は5300円であった。

Aさんは、このときラーメンを注文した人数とチャーハンを注文した人数を次のように求めた。〔ア〕、〔イ〕にあてはまる式を、〔ウ〕、〔エ〕にあてはまる数を、それぞれ書きなさい。

メニュー

ラーメン 700円      チャーハン 600円

〔ア〕  $x + y$       (解答)  
〔イ〕  $700x + 600y$   
〔ウ〕 5      〔エ〕 3

求め方

ラーメンを注文した人数を $x$ 人、チャーハンを注文した人数を $y$ 人として、連立方程式をつくると、

$$\begin{cases} \text{〔ア〕 } x + y = 8 \\ \text{〔イ〕 } 700x + 600y = 5300 \end{cases}$$

となる。

この連立方程式を解くと、解は問題に適しているので、

ラーメンを注文した人数は〔ウ〕人であり、

チャーハンを注文した人数は〔エ〕人である。

$$\begin{cases} x + y = 8 \quad \text{---(ア)} \\ 700x + 600y = 5300 \quad \text{---(イ)} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \text{(ア)} \times 7 & \quad 7x + 7y = 56 \\ \text{(イ)} \div 100 & \rightarrow 7x + 6y = 53 \\ \hline & \quad y = 3 \\ \text{(ア)} \wedge \text{(イ)} \wedge \text{上7.} & \quad x + 3 = 8 \\ & \quad x = 5 \end{aligned}$$

$$\begin{cases} x = 5 \quad \text{〔ウ〕} \\ y = 3 \quad \text{〔エ〕} \end{cases}$$